

560-2

7-095

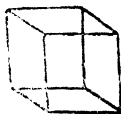




## (بشموعه المهندسين)

مقدمه كتاب حدود و تعريفات بياننده  
(حدود الخطوط والسطوح)

۱ جسم تعليمی اولدر که کندو ایچون ابعاد ثلثه یعنی ط  
و عرض و عمق بولنوب اشبو اوج جهته انقسامی قبول



۲ سطح اولدر که جسمك نهایی اولوب کندو ایچ  
طول و عرض اوله عمق بولنوب فقط ایکی جهته  
انقسامی قبول ائده

( ۳ )

۳ خط اولدر که سطحك نهایی اولوب كند و ایچون فقط طول اوله یعنی عرض و عمق بولمیب فقط بر جهته انقسامی قبول اید.

۴ نقطه هندسیه اولدر که خطك نهایی اولوب کند و ایچون جزء اولیه یعنی طول و عرض و عمق ن کندوده بر سنه اولیوب اصلاً بر جهته انقسامی قبول ایتیه.

۵ ملوم اوله که علم هندسه ده واقع بعد و امتداد اوچ نوع اوزره تصور اولنور \* نوع اول هر خطده فقط بر بعد بولنوب امتداد طولی اولور و بوا امتداد امتداد خطی دخی دینلور \* نوع ثانی هر سطحده ایکی بعد بولنور بری امتداد طولی و دیگر بری امتداد عرضی اولور و بونوع امتداد امتداد سطحی دخی دینلور \* نوع ثالث هر جسمده اوچ بعد بولنوب بری امتداد طولی و بری امتداد عرضی و دیگر بری امتداد عمق اولور و بونوع امتداد امتداد جسمی دخی دینلور ایدی اشبو اوچ نوع

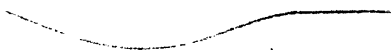
( ۲ )

امتداد دن هر برینی علی حده دلی حده تصور ک طریق  
اولدر که ۱۰ لایر شهر دن شهر آخره فرضاً آستانه علیه دن  
ادرنه شهرینه د کین اولان مسافه دینلد کده شهرین  
مذکورین بینده فقط بر بعد تصور اولنوب امتداد طولی  
اولور اکر بر تر لایک میدانی که اصلاً عمق تفکر اولنیه  
آنده ایکی بعد تصور اولنوب بری امتداد طولی و دیگری امتداد  
عرضی اولور و اکر بر جسم تعلیمی یا خود برخندق - قری  
مساحه سی تفکر اولند قده انلرک هر برنده اوج بعد  
تصور اولنوب بری امتداد طولی و بری امتداد عرضی  
و دیگری امتداد عمقی اولور

۵ خط مستقیم اولدر که کندی ایچون فرض اولتانی  
هر اجزاسی بر امتداد ده بولنه

۶ خط منحنی اولدر که کندو ایچون فرض اولتانی  
هر اجزاسی بر امتداد ده بولنیه

۷ خط مختلط اولدر که بعضی مستقیم و بعضی منحنی  
اوله و بنوع خطك علم هندسه ده استعمالی نادر الوقوعدر



۸ سطح مستوی اولدر که اوزرنده فرض اولنان  
هرایکی نقطه بیننه واصل اولان خط مستقیم دائماً سطح  
مرفومی مس ایدم



۹ سطح منحنی اولدر که اوزرنده فرض اولنان هرایکی  
نقطه بیننه واصل اولان خط مستقیم دائماً سطح  
مرفومی مس ایتمه ایدم سطح مذکورك طشیره طرفنه  
محدب و ایچ طرفنه مقعر تعبیر اولنور



۱۰ خطین متوازین اولدر که بر سطح مستوی اوزرنده  
واقع ایکی خط مستقیم ایکی طرفلردن الی غیر النهایه  
اخراج اولنسه ل اصلاً تلاقی ایتمه ل

۱۱ زاویه مسطحه اولدر که هرایکی خط مستقیم

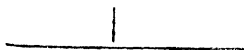


( ٦ )

مستقیم اولی اوزره بربرینه متصل اولدقده  
اراسنده بولنان اچیققلقدر



۱۲ برخط مستقیم خط مستقیم آخر اوزرینه واقع  
اولدقده ایکی طرفنده حادث اولان زاویه لر بربرینه  
مساوی اولسدلر خط می قومی لر بربرینه عمود دینلور



۱۳ برخط مستقیم خط مستقیم آخر اوزرینه عمود  
اولدقده ایکی طرفنده حادث اولان زاویه لر دن هر برینه  
زاویه قائمه دینلور



هر ایکی خط مستقیم اراسنده حادث اولان زاویه  
برقائمه دن اقل اولسد اول زاویه یه حاده دینلور



هر ایکی خط مستقیم اراسنده حادث اولان زاویه

(۷)

اگر برقائمه دن اکثر اواسه اول زاویه به متفرجد دیناو



۱۶ شکل اولدر که نهایت واحده یا خود برقاج نهیاد

احاطه سی جهشدن حاصل اولان بر هیشدر

۱۷ دایره بر شکلدر که سطح مستوی اوزرنده برخه

منحنی احاطه سندن حاصل اولوب دا خلند و اق

بر نقطه دن خط منحنی مر قومه خروچ ایدن جی

خطوط مستقیمه مساویه اوله ایدی خط منحنی مذکور

محیط دایره ونقطه من بوره به مر کزدیناور



۱۸ دوار متحد المرکز اولدر که محیطلری متولویه

اولدینگی حالده بر مر کزدن رسم اولنان دایره لدر



۱۹ قطر دایره اولدر که مر کزدن مرور وایکی ط

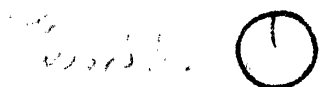
محیطه منتهی اولان خط مستقیمدر و قطر من بور

دایره تنصیف ایدوب قطر ابله نصف محیط احاطه سندن

اصل اولان شکله نصف دایره تسمیه اولنور



۲۰ ایضا در او سره سره بر خط مستقیم  
اولان خط مستقیم



۲۱ قوس اولدر که محیط دایره دن برجزه اوله



۲۲ وراولدر که بر قوسک نهسا یلری پینده واصل  
اولان خط مستقیم



۲۳ سهم اولدر که بر قوسک وتری اصمدن عود اولاری  
خروج واول قوسه منتهی اولان خط مستقیم اولوب  
نصف و ترمز بوره دخی نصف قوسک جی دینلور



۲۴ خط مماس اولدر که محیط دایره بی قطع ایجاب فقط  
بر نقطه شدن مرور ایدن خط مستقیم را اگر بر خط مستقیم  
محیط دایره بی قطع ایدر ایه خط مذکور خط قاطع دینلور



۲۵ قطعه دایره بر شکل در که قوس ایله و ترا حاطه سندن  
حاصل اوله



۲۶ قطاع دایره بر شکل در که نصف محیطدن اقل اولان  
بر قوس ایله ایکی نصف قطر احاطه سندن حاصل اوله

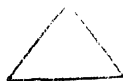


۲۷ شکل مستقیم الاضلاع اولدر که سطح مستوی  
اوز رنده خطوط مستقیمه احاطه سندن حاصل اوله

۲۸ مثلث اولدر که بر سطح مستوی اوز رنده اوج  
خط مستقیم احاطه سندن حاصل اولوب محیط اولان

خط لک هر برینه ضلع دینلور

۲۹ مثلث متساوی الاضلاع اولدر که بر هر برینه ضلع  
متساویه اوله



۳۰ مثلث متساوی الساقین اولدر که فقط ط ایکی ضلعی

بر برینه متساوی اوله



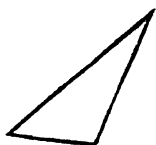
۳۱ مثلث مختلف الاضلاع اولدر که اضلاعندن هیچ  
بری دیگرینه مساوی اولیه



۳۲ مثلث قائم الزاویه اولدر که کند وده بر زاویه قائم بولنه  
واول زاویه قائم قارشو سنده بولان ضلعه وتر قائم دینلور



۳۳ مثلث منفرج الزاویه اولدر که کند رده بر زاویه  
منفرجه بولنه



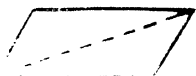
۳۴ مثلث حاد الزوايا اولدر که جميع زاویه سی حاده اوله  
و جميع مثلثه وهر زاویه قارشو سنده بولان ضلعه اول  
زاویه نك وتری دینلور



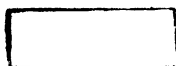
۳۵ ذوا بیه اضلاع بر شکلدر که سطح مستوی

دروغ خط مستقیم احاطه شدن حاصل اوله و هرایکی  
متساویه بولان زواویه لرینه و اصل خط مستقیمه قطر  
شکل دینلور

۳۶ متوازی الاضلاع بر شکلدر که ذواربعه اضلاع  
اولوب هر ضلعین متقابله برینه موازی اوله



۳۷ مستطیل اولدر که متوازی الاضلاع دن اولوب  
هر ضلعین متجاورین مختلف و هر زواویه سی قائمه اوله



۳۸ مربع اولدر که متوازی الاضلاع دن اولوب  
هر ضلعی برینه مساوی و هر زواویه سی قائمه اوله  
جمع سطوح اشبو مربع ایله مساحت اولور



۳۹ معین اولدر که متوازی الاضلاع دن اولوب زوایان  
اضلا بری قائمه اولوب جمع اضلاعی متساویه اوله

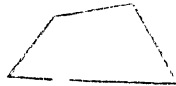


۴۰ شبه معین اولدر که متوازی الاضلاع دن اولوب

زویادن اصلا بری قائمه اولیوب هر ضلعین متجس ورین  
مختلف اوله



۴۱ منحرف اولدر که ذواربعة اضلاعین اولوب  
جميع اضلاع وزوايا سی مختلف اوله



۴۲ شبه منحرف اولدر که ذواربعة اضلاعین اولوب  
جميع اضلاعی مختلف فقط ایکی ضلع بربریند ووازی اوله



۴۳ کثیرالاضلاع بر شکلدر که سطح مستوی اوزرنند  
درتدن زیاده ضلع احاطه سندن حاصل اوله اگر  
کثیرالاضلاع یک جميع اضلاع وزوايا سی متساویه اولور  
ایسه آتاکلی ششم ضلع اولور



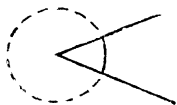
۴۴ اگر کثیرالاضلاع بش ضلعی اولور ایسه

اَکْخَمْس دینلور والی ضلعی اولور ایسه مسدس  
ویدی ضلعی اولور ایسه مسبع و سکز ضلعی اولور ایسه  
مُثْمَن و طَقُوز ضلعی اولور ایسه متسع و اون ضلعی  
اولور ایسه معشر و اونبر ضلعی اولور ایسه ذواحدی  
عشر و اون ایکی ضلعی اولور ایسه ذواثنی عشر  
و بونلردن ماعددا اضلاع کثیره صاحب اولان یکر می  
ضلعی به ذو عشرین و او توز ضلعی به ذو ثلاثین  
و عکذا التسمیه اولوب بونلردن اضلاع وزو ایلمی متساویه  
ار لئله منتظم و اولیه لئله غیر منتظم دینلور

۴۵ قاعده شکل اولدر که شکل مفروضی محیط  
اولان نهاییاتدن اوزرینه اوتور ذیغی نهایت اولوب اول  
قاعده قارشو سنده نولان زاویه به زاویه رأس و اندن  
قاعده سی اوزرینه نازل اولان عموده ارتفاع شکل دینلور



۴۶ مقدار زاویه اولدر که خطین متلاقینک نقطه  
تلاقست اوزرینه هر قنغی بعدایله رسم اولان دایره دن  
اول ایکی خطارا سنده واقع قوسدر

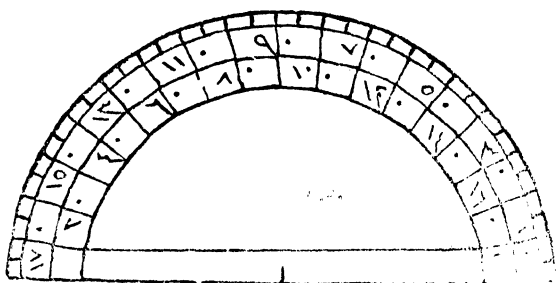




۴۶ هر محیط دایره ۳۶۰ اجزاء متساویه به  
تقسیم اولنوب هر بر جزیه درجه تسمیه اولنوب  
و درجات مذکور در هر بری متساویه ۶۰  
دقیقه به تقسیم و هر دقیقه متساویه ۶۰ ثانیه به  
تقسیم و هر ثانیه متساویه ۶۰ ثالثیه به تقسیم و هکذا  
تا ثمریه قدر بوال اوز در تقسیم اولنوب بر زاویه نك  
مقداری اولان قوسده هر قاج درجه و دقیقه و ثانیه  
و ارایسه زاویه مزبوره در دخی اولقدر درجه و دقیقه و ثانیه  
موجود در دیتلور جمع محیط دایره امورنده وجد مشروح

#### اوزره معتبر و مستعمل در

۴۷ منقله بر آلت در که نحاس و یا پرنج ر قیادن  
نصف دایره شکانده اعمال و محیطی ۱۸۰ درجه به  
افسسام متساویه ایله تقسیم و بر طرفدن طرف آخره  
نکین طرف او عکسا اعدادی کتب و تحریر اولنوب  
قطری متصفه وضع اولان علامت وسط اول  
آلتك میگزید را بعدی بر زاویه معلومه مقداری  
زاویه اعمالی و بر زاویه مجهوله نك مقدار اولدیغی  
اشب و آلت ایله استعمال اولنوب زوایای مطلوبه بی  
بر موضعدن موضع آخره نقلده آلت می قومه نك  
استعمالی کثیر اولدیغندن اسمند منقله تسمیه اولندی



۴۹ اشکال متساویه اولدر که اول شکلری محیط اولان ضلعلر عدد ده محد یعنی بر شکلی محیط اولان ضلعلر بش ایدہ شکل آخری دخی محیط اولان ضلعلر بش و بر سکک محیطی التي ایدہ شکل آخرک محیطی دخی التي وز وایا سی نظیر نظیرہ مساوی اولوب مساوی زاویه لری محیط اولان ضلعلر متاسب اولقد رواشکال مذکورک صغرو کبرندہ اولان اختلافات اول شکللرک بر برینہ مشابہ اولمیرینہ اسلاما نفع دکلدر

(حدود الاجسام وبعض القطوع)

۵۰ بوندن اقدم ذکر تعریف اولنار جسم تعلیمی که (۱) کندودہ طول و عرض و عمق بوانہ و بوجسم ایکی نوع اوزرہ اولوب ری سطح مستوی احاطہ سندن حاصل و دیگر ری سطح منحنی احاطہ سندن حاصل اولور ایدمی سطح مستوی احاطہ سندن حاصل اولان اجسام علی العموم کندوبی احاطہ ایدن سطوحک اشکال واعدادندن تفریق اولنوب اقل سطوحک درت اولور

۵۱ قاعده جسم اولدر که کند وی احاطه این

سطوح دن اوزرینه اوتورد یغی سطحدر

۵۲ زاویه مجسمه اولدر که بر سطح مستویده بو لتماق

شرطیله بر نقطه ده جمع اولان اینکدن زیاده زاویه

مسطحه نك احاطه سندن حاصل اوله

۵۳ اجسام متشابهه اولدر که عددده مساوی

سطوح مستویه متشابهه احاطه سندن حاصل

اولوب زوایای مجسمه لری دخی نظیر نظیره متساویه اوله

۵۴ منشور بر جسمدر که سطوح مستویه متوازیه

الاضلاع احاطه سندن حاصل اولوب ایکی نهایتده

بولنان مستویلرهم متوازیین و هم متشابهین

و هم متساوین اوله ایسی ایکی نهایتده بولنان مستویله

قاعده منشور دینلور اکر قاعده مربعومه

مثلاً ایسه اول منشور منشور مثلی دینلور

واکر مربع ایسه منشور مربعی و اکر منحنس ایسه

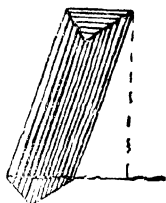
منشور منحنسی و هکذا قسیمه اولنوب منشور مذکور

محیط اولان جنا حلقه قاعده سنه عمود ایسه اول منشور

قائدر دکل ایسه مائدر



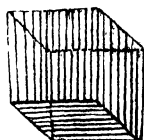
۵۵ ارتفاع منشور او اسدر که قاعده تعبیر اولسان  
سطحین متوازی یندن برینک نقطه مفروضه سندن  
قاعده اخرا سنده یا خود اخراج اولسان قاعده  
اخراجنه عمود اولان خط مستقیمدر



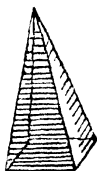
۵۶ متوازی السطوح بر منشور در که الی متوازی  
الاضلاع احاطه سندن حاصل اولوب هر ایکی  
مقابلاری هم متوازیین وهم متشابهین وهم متساوین  
اوله واکر برینه عمود اولق اولزه الی مستطیل احاطه سندن  
حاصل اولور ایسه اکستوازی المستطیلات تسمیه اولور



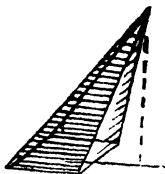
۵۷ مکعب بر متوازی السطوح در که الی مربعات متساویه  
احاطه سندن حاصل اولوب اوله مربعلر برینه عمود  
اوله ایمدی جیع اجسام ایشو مکعب ایله مساحه اولور



هرام بر جسمی که قاعده سی هر قخی شش سیم  
 بدست از او ب ضاعلمری اورزند. واقع مثلثات احاطه  
 ندن حاصل اولی اورزهرأس مثلثات سطح قاعده دن  
 مارج بر تقیبه ده جمع اوله ایندی قاعده اهرام اگر مثلث  
 یسد اهرام مذکور ه اهرام مثلثی دینلور و اگر مربع ایسه  
 اهرام مربعی و اگر مخمس ایسه اهرام مخمسی و هکذا  
 تسعید اولنور رأس اهرام دن قاعده سی وسطه نازل  
 اولان خط مستقیم قاعده مزبوره عمود ایسه اول  
 اهرام قائم ردکل ایسه مائندر



۵۹ ارتفاع اهرام اولدر که رأس اهرام دن قاعده سنه  
 یا خود اخراج اولان قاعده سنه عمود اولدیغی خطیه  
 نازل اولان خط مستقیمدر



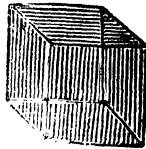
۶۰ ذوا ربعة قواعد یا خود اهرام منتظم بر جسمی که درت

( ۱۹ )

عدد مثلثات متساویة الاضلاع احاطہ سندن حاصل اولہ



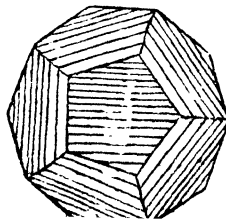
۶۱ ذوستہ قواعد یاخرد مکعب رجسمہ رکہ الی عدد  
مربعات متساویہ احاطہ سندن حاصل اولور



۶۲ ذو ثمانية قواعد بر جسمدر کہ سکر عدد مثلثات  
متساویة الاضلاع احاطہ سندن حاصل اولہ

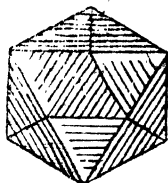


۶۳ ذواتی عشر قواعد بر جسمدر کہ اون ایکلی عدد  
مخمسات منتظمہ احاطہ سندن حاصل اولہ



( ۲۰ )

۶۴ ذو عشرین قواعد برجسمه در که یکرمی عدد  
مشائات متساویه الاضلاع احاطه شدن حاصل اوله



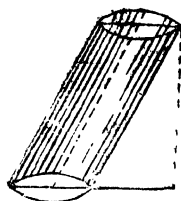
معلوم اوله که مجسمات افلاطونیّه تعبیر اولئان  
اشبو بش دانه مجسمات منتظمه دن هر برنی زوایا سنه  
مرور اید یچی محیط کره احاطه ایلك ممکن اولوب اول  
مجسمات دن هر بری کانه قاعده لری وار تفاعلی متساویه  
اولان اهر الوردن متراکب وجله سنک رأسلری کره  
مرقومه مرکزنده متحد اولیق اوزره تصور اولنور  
ایندی مجسمات مذکوره دن بر منفعت ظهور ایتیب  
دعاوی سائر اثباتنه متعلق بر ماده ده دخی جاری  
اولد یقندن علم هند سه ده استعمالی اکثریامترو کدر لکن  
علم مساحه طالبلرینه تشبیذ اذهان وعایا تده تفنن  
ایچون اشبو مجسمات وبعض اجسام سائر تسطیح لرینی  
بروجه آتی اراهه ضمننده مجسمات مذکوره نک تعریف لری  
بومقا مده وضع وتعیین اولندی

۶۵ استطوانه برجسمه در که دأرتین متساوین

متوازی‌بُنیك مرکزى پيشنده واصل اولان خط مستقیمه  
 موازى دائرتين مر قوتين محیط‌لرندن مرور ایدن بر خط  
 مستقیم محیطین مر نورین اوزرنده دور ایلمد که حادث  
 اولان سطح احاطه سندن حاصل اوله ايمدی قاعده  
 اسطوانه اولان دائرتين مر قوتين مرکزى پيشنده  
 واصل خط مستقیم محورا اسطوانه اولوب اگر محور مذکور  
 دائرتين مر نورين سطح‌لرينه عمود ايسه اول اسطوانه  
 قائم در دکل ايسه مائلدر

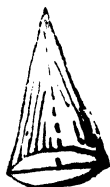


۶۶ ارتفاع اسطوانه اولدر که قاعده تعبیر اولان  
 دائرتين متوازی‌بُنیك سندن برينك نقطه مفروضه سندن  
 خراسند یا خود اخراج اولان قاعده اخر است  
 عمود اولان خط مستقیمدر

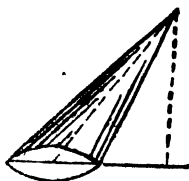




۶۷ مخروط بر جسم در که قاعده سی دایره اولوب  
 سطح دایره دن خارج بر نقطه ثابت دن خروج ایدن  
 خط مستقیم اول دایره محیطی اوزرنده دور ایلد که  
 حادث اولان سطح احاطه سندن حاصل اوله ایسی  
 رأس مخروط اولان نقطه مزبوره بله مرکز دایره پینه  
 واصل خط مستقیم محور مخروط اولوب اگر محور مذکور  
 سطح دایره عمود ایلد اول مخروط قائم رد کلی  
 ایسه مانلد ر



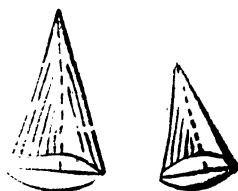
۶۸ ارتفاع مخروط اولد ر که رأس مخروط دن  
 قاعده سننه یا خود اخراج اولنان قاعده سننه عمود  
 اولدیغی حالد نازل اولان خط مستقیم د ر



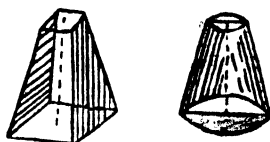
۶۹ مخروطان یا خود استوانات منشأ به اولد ر که

(۲۳)

انلار تفاعلی و قاعده لری نیک قطر لری مناسب اوله



۷۰ مخروط ناقص یا خود اهرام ناقص اوایل که  
مخروط و یا اهرام قاعده لریه موازی بر سطح مستوی ایله  
قطع اولند قلیزنده اول مقطعلرد قاعده لری طرفنده  
بولان جسملر در ایلمدی مقطع مخروط دایره و مقطع اهرام  
قاعده سنه مشایه اولوب جسمین مرکزومینک محور لری  
قاعده لریه عمود ایسه ارتفاع لریه مساوی اولوب اول  
جسملر قائملر در دکل ایسه مانلار در و مانلار تفاعلی  
سطح مقطعلر نقطه مفروضه سنند قاعده سنه  
یا خود اخراج اولان قاعده سنه عمود اولد بخی حالت  
نازل اولان خط مستقیمدر



معلوم اوله که بر مخروط را سندن قاعده سنه عمود

(۲۴)

اولدینگی حالده بروجھله بر سطح مستویله قطعی توهم  
اولسه که محور مخروط سطح من بورد و واقم اونه  
بوصورته حادث اولان مثلثه من مخروط تسمیه  
اولسوب مخروطات ویاسطوانات ویاتهرامات  
قائمہ لک ارتقا علی کندی محور لینه مساوی

اولور

۷۱ قطع مکافی بر سطح در که مثلث مخروطیک  
برضلعنه موازی بر سطح مستویله ضلع آخری قطع اولد قده  
حادث اولان خط منحنی ایله قاعده سی اولان خط  
مستقیم احاطه سندن حاصل اولد ابعدی خط مستقیم  
مرقومه سه تسمیه اولسوب نصف سه د ن عمود  
اولد یعنی حالده رأس جانبنه خروج ایدن خطه  
محور قطع مکافی دینور

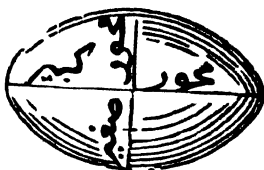


سه

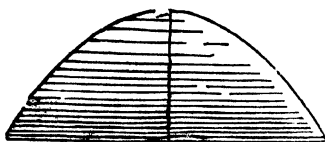
۷۲ قطع ناقص بر سطح در که مخروط مفروضه  
قاعدته غیر موازی اولدینگی حالده بر سطح مستویله  
مثلث مخروطیک ایکی ضلعی قطع اولد قده حادث

(۲۵)

اولان خط منحنی احاطه سندن حاصل اولوب داخنده  
بر برینی قوائم اورز ره قطع وتنصیف ایدن خطین  
مستقیمینک اطولنه محور کبیر و اقصر نه محور صغیر  
و نقطه تقاطعه می مرکز قطع ناقص دینلور



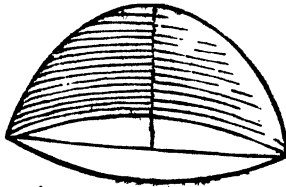
۷۳ قطع زائد بر سطح در که مثلث مخروطک بر ضلعنه  
غیر موازی بر سطح مستویله ضلع آخری قطع  
اولند قده حادث اولان خط منحنی ایله قاعده سی اولان  
خط مستقیم احاطه سندن حاصل اوله ایمنی خط مستقیم  
مرقومه سه سه تسمیه اولنوب نصف سه سه دن عمود  
اولد یعنی حالده رأسی جانبنه خروج اید خط سه محور  
قطع زائد دینلور



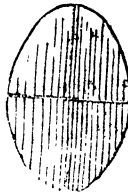
۷۴ قطع مکافی مجسم اولد که هر سطح قطع مکافی  
کندی محوری اوزرینه دور ایلد که حادث اولان

( ۴۶ )

سطح احاطه شدن حاصل اوله



۷۵ قطع ناقص مجسم اولدر که هر سطح قطع ناقص  
کندی محور گیری اوز رینه دور ایلد کده حادث  
اولان سطح احاطه شدن حاصل اوله



۷۶ کره بر جسمدر که بر نصف دائرة نك قطری ثابت  
اولوب اول قطر اوز رنده نصف دائرة مذ کوره وضع  
اولنه کلنجیه د کین دور ایلد کده حاصل اوله ایمدی قطر  
ثابت مر قوم کره من بوره نك محوری اولوب نصف  
دائرة مذ کوره مر کری مر کز کره اولور



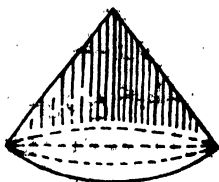
(۴۷)

۷۷ قطر کره بر خط مستقیم رکه مرکز کره دن  
مرور ایدوب ایکی طرفلری سطح کره به منتهی اوله

۷۸ قطعه کره بر جسد رکه بر قطعه دایره نک  
سهمی ثابت اولوب اول سهم اوز رنده قطعه دایره  
مرقومه دور ایلد کده حاصل اوله ابدی سهم مزبور  
ارتفاع قطعه کره اولوب اول سهمك قطعه کره سطح  
مستدیرینه منتهی اولان نقطه سنه رأس قطعه و قطب  
قطعه کره نسجه اولتور



۷۹ قطاع کره بر جسد رکه قطعه کره ایله بر مخروط  
مچو عندن حاصل اولوب اول مخروطك قاعده سی  
قاعده قطعه ورأس مخروط مرکز کره اوله



۸۰ ضلع کره بر جسد رکه کره ده واقع ایکی نصف  
دایره عظیمه ایله بر سطح مستدیر احاطه سندن حاصل

(۲۸)

اولوب آنک قطری نصف دائره مذ کوره لك قطر لینه  
مساوی اوله



( فوائد مهمه )

۸۱ بر نقطه ده خطوط مستقیمه متعدده جمع اولسه  
نقطه بر قومه اطرافند. واقع زوایانک مجموعی درت  
قائم قدر در زیر زوایای مذ کوره بی محیط دائره احاطه ایدر

۸۲ بر خط مستقیم اورزه مفر وض بر نقطه ده  
خطوط مستقیمه متعدده جمع اولسه خطوط مذ کوره لك  
جتماعندن خط مستقیم بر قومك بر جهشته حادث  
اولان زوایانك مجموعی ایکی قائم قدر در زیر زوایای  
مزبوره بی نصف محیط دائره احاطه ایدر

۸۳ هر زاویه قائمك مقداری ۹۰ درجه اولوب  
قوسی ربع محیط در

۸۴ هر زاویتین قائمتینك مقداری ۱۸۰ درجه  
اولوب قوسی نصف محیط در

۸۵ بر خط مستقیم خط مستقیم آخر اوزرینه مائل  
اولد بقی حالده واقع اولد قدده طرفینده حادث اولان منفرجه

و حاده زاویه لر هرنه قدر بر برینه مخالف ایسه دخی ینه  
مجموعی ایکی قائمه مقداری اولوب بو مجموعك قوسی  
نصف محیط درنتکم قائمینه اولدیغی کی ایدی اشبو  
زاویتین متخالفتیندن بریسی معلوم اولوب نصف  
محیطك مقداری اولان ۱۸۰ درجه دن طرح اولند قده  
زاویه آخری درجه سی باقی قالور  
۸۶ هر مثلث دن ایکی ضلع مجموعی او چنجیدن  
اطول در دایما

۸۷ هر مثلثك اوج زاویه سی مجموعی ایکی قائمه  
یعنی ۱۸۰ درجه در بو تقدیرجه بر مثلث دن ایکی زاویه  
معلوم اواسه اول زاویه لر مجموعی ۱۸۰ درجه دن طرح  
اولند قده او چنجی زاویه سنك مقداری باقی قالور

۸۸ هر مثلث قائم الزاویه ده زاویتین حادیتیندن بری  
معلوم اولوب ۹۰ درجه دن طرح اولند قده حاده  
اخرايك مقداری باقی قالور زیرا بو نوع مثلث ده حادیتین  
مجموعی بر قائمه یعنی ۹۰ درجه در

۸۹ هر مثلث متساوی الاضلاعك هر بر زاویه سی  
التشهر درجه در

۹۰ هر مثلث متساوی الساقینده زاویه لر رأس معلوم



اولوب ۱۸۰ درجه دن طرح و باقی تنصیف اولند قدہ  
فوق القاعده بولنان زاویه لک مقدار لری حاصل  
اولور زیرا اول زاویه لک متساویاندر و اگر فوق القاعده  
بولنان زاویه لردن بری معلوم اولسه انک ضعیفی ۱۸۰  
درجه دن طرح اولند قدہ زاویه رأس باقی قالور

۹۱ هر مثلثه ایکی ضلعک بر بر بنه نسبتی ضلع اول  
ایله موثره اولان زاویه جینک ضلع ثانی ایله موثره اولان  
زاویه جینه نسبتی کی اولور

۹۲ هر شکلین متشابهیندن برینک مجموع  
اضلاعک شکل آخر مجموع اضلاعنه نسبتی شکل  
اولدن بر ضلعک شکل ثانیدن ضلع نظیرینه  
نسبتی کییدر

۹۳ بر نقطه ده مجتمع اولان زوایانک برندن عند المهندسین  
خبرو یرمک مراد ایلد کلرنده حروف جلدن اوج حرف  
استعمال ایدوب حین تلفظده ایکنجی واقع اولان حرف  
زاویه مطلوبه ده دلالت ایدر زیرا بر نقطه ده بر دن زیاده  
زاویه جمع اولد قدہ تعبیر زاویه ده بر حرف ایله اکتفا  
اولسه مقصود بالبیان قنغی زاویه ایدوکی معلوم اولوب

بر حرف کفایت اینزا اگر ایکی خط مسقیمک نقطه  
تلاقیسی عندند حادث اولان بر زاویه دن تعبیر مراد  
ایدرلر ایسه فقط بوصورتنده بر حرف کفایت ایدر مثلاً ب  
نقطه سنده مجتمع اولان اوج زاویه نك هر برندن خبر  
ویرمك مراد ایلد کلرنده  $۷۷۷۷۷۷۷۷$  زاویه لری  
دیوتلفظ ایدوب ایکنجه واقع اولان ب حرفی طرفینده  
بولنان حرفلرایله زاویه مطلوبه بیه دلالت ایدر



( درون کتابده محرر بعض اشارات بیاننده در )

۹۴ ایمی ایشبو + علامت ایکی مقدار پیننده  
بولند قده راندیمك اولوب مقدارین مذکورینی بر برینه  
جمع و ضم ایتمك معنا سننه دلالت ایدر و بـ علامت  
ایکی مقدار پیننده بولند قده ناقص دیمك اولوب مقدار  
ثانی مقدارا ولدن طرح اولنق معنا سننه دلالت  
ایدرو بـ  $\times$  علامت ایکی مقدار پیننده بولند قده  
بر برینه ضرب دیمك اولوب بعضا ایکی مقدار پیننده  
هیچ بر علامت بولنقسزین دخی بر برینه ضرب دیمك

اولورو بو + دخی بو - علامتله بری برندن فرق و تمیز  
 و اقسام متعدده دن مرکب اولان بر مقدار دیکر مرکب  
 یا خود منفرد مقداره ضرب مراد اولد - قده مضروب  
 و مضروب فده اقسام متعدده دن مرکب اولان  
 مقدار لر کتاب درونته وضع اولنوب اول مرکب  
 مقدار لر دن هر بری مقدار واحد فرضیه بر برینه ضرب  
 اولنورار مثلا (ب + ۷ - ۷) + ۵ دیمک اشبو (ب + ۷ - ۷ - ۷)  
 مقدار مرکب واحد فرضیه ۷ مقدار واحد و منفرد  
 ضرب دیمک ر و کذا (ب + ۷ - ۷) × (۵ + و - ر)  
 دیمک اشبو (ب + ۷ - ۷) × (۷ - ۷) ~~ب + ۷ - ۷~~ بکب ایله  
 (۵ + و - ر) مقدار مرکب دن هر بری واحد فرض  
 اولنوب بر برینه ضرب دیمک اولورو بعضا اشبو  
 × علامت پرینده اشبو (۰) صفر علامتی دخی مستعملدر  
 و بوج علامت ۷ مقدار بری ۷ مقدار اری اورینه  
 تقسیم دیمک معنا سنه دلالت ایدوب د ثما خط فاصلک  
 فوقنده اولان مقسوم و تحتنده اولان مقسوم علیه اولغین  
 مقدار مرکبه تقسیمی دخی بوسیاقی اوزره تحریر اولنور  
 یعنی ایکی مقدار مرکب یا خود بری مرکب و دیکری  
 منفرد مقدار لر بیند بر خط فاصل رسمیه اولورو بعضا  
 ایکی مقدار بینده اشبو : علامت بولند قده بودخی  
 مقدار اول مقدار ثانی اوزرینه تقسیم دیمک معنا سنه

دلالت ایدروبو  $\curvearrowright$  علامت ایکی مقدار بیشده بولند قده  
 مطلقا مقدارین مذکورین بیشده اولان تفاضله  
 دلالت ایدروبو  $\curvearrowleft$  علامت بر مقدار اولنده بولند قده  
 اول مقدارک جذرینه دلالت ایدروبو  $\sqrt{\phantom{x}}$  علامت بر مقدار  
 اوانده بولند قده اول مقدارک ضلع کعبه دلالت ایدوب  
 هر قنغی قوتده اولان مقدارک اسی علامت مزبورده اوزرینه  
 تحریر اولند قده اول قوتده اولان مقدارک ضلعی دیمک  
 اولورو بو = علامت ایکی مقدار بیشده واقع اولد قده  
 مقدار اول مقدار آخره مساوی دیمک معنایسه دلالت ایدر  
 و بو :: :: علامت دردت مقدار بیشده بولند قده اربعه  
 متناسبیه دلالت ایتکین اشبو : علامت الی لفظی برینه  
 اولوب و بو :: :: علامت کنسبه لفظی مقایسه  
 استعمال اولتور هکذا

+ بر مقداری مقدار آخره زیاده یعنی جمع  
 - بر مقداری مقدار آخردن ناقص یعنی طرح  
 • یا خود  $\times$  ----- یعنی ضرب  
 • یا خود  $\div$  مقدارینی و مقداری اوزرینه تقسیم  
 • یعنی ایکی مقدار بیشده اولان تفاضل  
 $\sqrt{\phantom{x}}$  ----- یعنی جذر  
 $\sqrt[3]{\phantom{x}}$  ----- یعنی ضلع کعب  
 = ----- یعنی مساوات  
 :: :: ----- یعنی اربعه متناسبه

(۲۴)

( باب اول اعمال هند سیه بیانده اولوب درت قسمدر )  
 معلوم اوله که اعمال هند سیه بی بعضامع براهین ذکر ایدوب  
 بهضا دخی بلا براهین ایراد ایتک دأب مصنفین اولمغین  
 حین عملده براهین مطالعیه سی تَضِیع اوقاتدن عبارت  
 اولوب تحقیق ماده معروضنده اولنله فقط اصول  
 هند سه کتابی کافی ووافی اولمغندن اشبو مجموعده ده  
 دخی عاریه عن البراهین وتسهیلا للطالین دأب  
 مصنفیندن شق ثانی اختیار و طبع فقیره اوفق وجهله به  
 فهم واستعمالی الیق کلوب اول مسلیکه سلوک اولندی

( القسم الاول فی انشاء الخطوط والسطوح )

۹۵ برخط مستقیم مفروض تنصیف ایتک طریقیدر

❁ شکل ۱ ❁

مثلاً اب خط مستقیم تنصیف ایتک مراد اولسه  
 اولاً اب نقطه لرندن اب خطنک نصفندن زیاده بعد ایله  
 خط مر قومی فوقنده و تحتنده بر برینی ۶ و نقطه لرند  
 قطع ایدیچی قوس پاره لر رسم ۶ و دخی وصل اولندقد  
 اشبو ۶ و خطی اب خطنی ۵ نقطه سنده تنصیف ایدر  
 ۹۶ برزاویه مفروضه بی تنصیف ایتک طریقیدر

❁ شکل ۲ ❁

مثلاً ۱۶ زاویه مفر و ضه سنی تنصیف ایتک مراد  
اولسه اولاً ۱۶ خطی اوزرنده کیف مالتفق نقطه سی  
تعیین اولنوب ۶ مر کزندن ۶ و بعدیله ۵ قوسی  
رسم اولنه بعده قوس مر قومک محدنی طرفنده ۵  
نقطه لزند بعد واحد ایله بر برینی و نقطه سنده قطع  
ایدیجی ایکی قوس پاره رسم اولنوب ۶ و دخی وصل  
اولند قده ۱۶ زاویه سی اشبو ۶ خطیله تنصیف  
اولنور

۹۷ بر خط مستقیم اوزرنده مفر و ض بر نقطه سندن  
اول خفه عمود اخراجنک طریقیدر

### ❁ شکل ۳ ❁

مثلاً ۱۷ خط مستقیمی اوزرنده مفر و ض ۶ نقطه سندن  
اول خطه عمود اخراجی مراد اولسه اولاً خط مر قوم  
اوزرنده کیف مالتفق ۵ نقطه سی تعیین اولنوب ۶  
خطنه مساوی ۶ دخی اخذ اولنه بعده خط مر قومک  
بر طرفنده ۵ و نقطه لزند بعد واحد ایله بر برینی  
نقطه سنده قطع ایدیدجی ایکی قوس پاره رسم اولنوب  
۶ دخی وصل اولند قده اشبو ۶ خطی ۱  
اوزرنه ۶ نقطه سنده عمود اولور

## \* طریق آخر شکل ۴ \*

مثلاً اب خط مستقیمی اوزر نده مفروض ۷ نقطه  
سند ن اول خطه عمود اخراجی مراد اولسه اول  
اب خطنك خارجنده لعلی التعین ه نقطه سی وضع  
ه ۷ بعد یله نصف محیطدن اکبر ۷ ۷ قوسی رسم  
اولنه بعده اب خطنی قطع ایلد یکی ۷ نقطه سیله  
ه نقطه سی یینی وصل ۷ ۷ قوسی و نقطه سنده  
قطع اید نجبه دکن استقامت اوزره اخراج  
اولنوب ۷ ۷ دخی وصل اولند قده اشبو ۷ خطی  
اب خطی اوزرینه ۷ نقطه سنده عمود اولور .

## \* طریق آخر شکل ۵ \*

مثلاً اب خطنك نهاتندن اول خطنه عمود  
اخراجی مراد اولسه اول اب اوزر نده کیف ما اتفق  
۷ نقطه سی تعیین ۷ بعد یله ۷ قوسی رسم اولنوب  
قوسی مزبور اوزر نده ۷ بعدینه مساوی ۷ ۷ ه  
قسمتلی اخذ اولنه بعده قوس مزبورك محدبی طرفنده  
ه ه نقطه لردن بعد واحد یله بر برینی ۷ نقطه سنده  
قطع اید یچی ایکی قوس پاره رسم اولنوب ۷ ۷  
دخی وصل اولند قده اشبو ۷ ۷ خطی اب خطی  
اوزرینه ۷ نقطه سنده عمود اولور

۹۸ بر خط مستقیم غیر محد و ددن خارج واقع اولان

نقطه مفروضه دن اول خطه عمود اخراجی  
طریقیدر

❀ شکل ۶ ❀

مثلاً ۱- خط مستقیم غیر محدد دن خارج واقع اولان  
۲- نقطه مفروضه سندن خط مرقوم اوزرینه عمود  
اخراجی مراد اولسه اولان ۱- اوزرنده کیف  
مااتفق ۵- نقطه سی تعیین اولنوب ۶- ۵- بعدیله  
۵- د قوسی رسم اولنه بعده قوس مز بورك محددی  
طرفنده ۵- و نقطه لزدن بربرینی ۶- نقطه سنده  
قطع ایدی ایکی قوس پاره رسم اولنوب ۶- دخی  
وصل اولند قده اشبو ۶- د خطی ۱- خطی اوزرینه  
۵- نقطه سنده عمود اولور

❀ طریق آخر شکل ۷ ❀

مثلاً ۱- خط مستقیم غیر محدد دن خارج واقع  
اولان ۲- نقطه مفروضه سندن خط مرقوم اوزرینه  
عمود اخراجی مراد اولسه اولان ۱- اوزرنده کیف  
مااتفق ۵- نقطه سی تعیین اولنوب ۶- دخی  
وصل اولنه بعده ۶- د خطی و نقطه سنده تنصیف  
( ۹۵ ) ۵- د ۶- بعدیله ۶- ۵- نصف دایره سی رسم  
اولنوب نصف دایره مز بورك ۱- خط سندن  
قطع ایلدی ایکی ۵- نقطه سیله ۶- نقطه سی یینی وصل



اولند قده اشبو ۷ خطی ۱ - خطی او زرنده

نقطه سنده عمود اولور

طریق آخر شکل ۸ \*

مثلا اب خط مستقیم غیر محدود دین خارج واقع  
اولان ۷ نقطه مفروضه سندن خط مزبور اوزربنه  
عمود اخراجی مراد اولسه اولاب اوزرنده کیف  
ما اتفق ونقطه سی تعیین او نقطه لرندن ۱ و ۲  
بعد لریله اب خطنک فوقنده و تختده بر برینی ۷  
نقطه لرنده قطع ایدیحی ایکی قوس پاره لر رسم اولنوب  
۷ دخی وصل اولند قده اشبو ۷ خطی ۱ -

خطی اوزریه ۷ نقطه سنده عمود اولور

۹۹ برزاویه قائمه یی منساویه اوج قسمه تقسیم

ایتنک طریقیدر

\* شکل ۹ \*

مثلا ۱ - ۷ زاویه قائمه سنی منساویه اوج قسمه  
تقسیم ایتنک مراد اولسه اولاب نقطه سندن ۱ -  
بعد لریله ۷ قوسی رسم اولنوب قوسی مر قوم ربع  
محیط اولغین (۸۳) ۱ - نصف قطر لریله ۷ قوسی  
قطع و کذا ۷ - نصف قطر لریله ۷ قوسی دخی  
قطع - و - ۷ خط لری وصل اولند قده اشبو  
خط لریله ۱ - ۷ زاویه قائمه سی منساویه اوج قسمه

## تقسیم اولنور

۱۰۰ برخط مستقیم محدود اوزرنده زاویه مفروضه به  
مساوی زاویه اعمالك طریقیدر  
\* شکل ۱۰ \*

مثلاً د ه خط مستقیم محدودی اوزرنده ا ب ج  
زاویه مفروضه سنه مساوی زاویه اعمالی مر اداولتسه  
اولا ب اوزرنده کیف ما اتفق ر نقطه سی تعیین  
اولنوب ب ر بعدیله ر ع قوسی رسم اولنه بعده  
ه اوزرنده ب ر بعدیله ر ع قوسنه مساوی  
ط ع قوسی دخی رسم اولنوب ع نقطه سنه  
مر ورا دیجی ه و خطی کشیده اولند قده حادث  
اولان د ه و زاویه سی ا ب ج زاویه سنه مساوی  
اواور

۱۰۱ برخط مستقیم غیر محدود ك خار جند ه واقع  
نقطه مفروضه به مر ورا دیجی خط مذکور ه موازی  
خط آخر رسم ایتك طریقیدر

## \* شکل ۱۱ \*

مثلاً ب خط مستقیم غیر محدود ك خار جند ه واقع  
ج نقطه مفروضه سنه مر ورا دیجی خط مر قومه  
موازی خط مستقیم آخر رسم ایتك مر ادا ولتسه اول

(۴۰)

ا ب اوزرنده كيف ما اتفق و نقطه سی تعیین ا و انوب  
 ۱ و خطی وصل اولنه بعد و نقطه سندن و ۲  
 عدیه ۲ ر قوسی رسم ۲ نقطه سندن دخی بعد  
 ر قوم ایله ۲ ر قوسنه مساوی و ۲ قوسی رسم  
 و انوب ۲ ۲ نقطه لرینه مر و رایدیجی ۲ ه خطی  
 کشیده اولند فده اشبو ۲ ه خطی ا ب خطنه موازی

اولور

\* طریق آخر شکل ۱۲ \*

مثلا ا ب خط مستقیم محدود و موازی بعد معلوم ایله  
 خط مستقیم آخر رسم ایتمک مر ادا و ا سده اولو ا ب  
 اوزرنده كيف ما اتفق و ر نقطه لری تعیین اولنوب اول  
 نقطه لردن بعد واحد معلوم ایله ا ب خطنک بر طرفنده  
 ایکی قوس رسم اولنه بعد و قوسین مر قومینه ۲ ۲  
 نقطه لرنده تماس اید یجی ۲ ه خط مستقیمی رسم  
 اولند فده اشبو ۲ ه خطی ا ب خطنه موازی

اولور

۱۰۲ بر خط مستقیم محدودی متساویة اوج قسمه

تقسیم ایتمک طریقیدر

\* شکل ۱۳ \*

مثلاً ا - خط مستقیم محد و دینی متساویه اوج قسمه  
تقسیم ایتمک مراد اولسه اولاً ا - خطنک نصفند ن  
زیاده بعد ایله ا - نقطه لرندن خط مر قومک فوقنده ۶  
نقطه سنده تقاطع اید یجی ایکی قوس پاره رسم ا ۶ - ۶  
خطلری دخی وصل اولنوب خطین مر قومین ۶ و  
نقطه لرندن نصف اولنه (۹۵) بعده ا ۶ یاخود ۴ - ۴  
بعد ایله ا - نقطه لرندن ا - خطنک تحنده و نقطه سنده  
تقاطع اید یجی ایکی قوس پاره رسم اولنوب ۶ و ۶ و  
خطلری دخی وصل اولند قده اشبو خطلر ا - خط  
محد و دینی ۴ نقطه لرندن متساویه اوج قسمه

### تقسیم ایدر

۱۰۳ برخط مستقیم محدودی اقسام متساویه ایله  
مراد اولنان مقداره تقسیم ایتمک طریقیدر

❁ شکل ۱۴ ❁

مثلاً ا - خط مستقیم محدودی اقسام متساویه ایله بش  
قسمه تقسیم ایتمک مراد اولسه اولاً نقطه سندن  
بعد یله لای علی تعیین ۶ قوسی رسم و کذا -  
نقطه سندن ا - بعد یله طرف آخرده ۶ قوسنه مساوی

از قوسی دخی رسم اولنوب ا ۶ و خط لری وصل اولنه  
بعده ا ۶ و زرنده ا نقطه سندن کیف ما اتفق اقسام  
متساویه ایله بش قسم اخذ و کد ا ۶ و اوزرنده و  
نقطه سندن ا ۶ خطنک اقسامنه مساوی بش قسم  
دخی اخذ اولنوب ا ۶ خطی اوزرنده حادث اولان  
هر بر نقطه دن مقابلنده و خطی اوزرنده واقع نقاط  
بینی وصل اولند قده اشبو خطوط واصله ا ۶ خطنی  
اقسام متساویه ایله بش قسمه تقسیم ایدر

### ✽ طریق آخر شکل ۱۵ ✽

مثلا ا ۶ خط مستقیم محدود بینی اقسام متساویه ایله  
بش قسمه تقسیم ایتمک مراد اولسه اولان نقطه سندن  
برزاویه احداث ایلمک اوزره و ۶ خطی رسم و اوزرنده  
دائم عدد مطلوب بدن بر ناقص اولق اوزره نقطه سندن  
کیف ما اتفق اقسام متساویه ایله مثالزده درت قسم  
اخذ اولنوب دردنچی قسمک نهایتله نقطه سی بینی  
وصل اجهته اخراج اولنه بعده ۴۱ بعدینک ما سبق  
مثلا و نقطه سنه د کین درت مثلی اخذ اولوب و ۳ خطی  
وصل اولند قده اشبو خط واصل ا ۶ خطنک نقطه سی  
طرفندن قطع ایلد یکی مقدار ا ۶ خطنی اقسام  
متساویه ایله بش قسمه تقسیم ایدر

(۴۳)

۱۰۴ دایره معلومه نك مرکز مجهولنی تعیین ایتك

طریقیدر

❁ شکل ۱۶ ❁

مثلاً ا ب دایره معلومه نك مرکز مجهولنی تعیین ایتك  
مراد اولسه اولاكیف ماتفق ا وترى رسم اولنوب  
وترى بور د نقطه سنده تنصیف اولنه (۹۵) بعده  
آب اوزرینه د نقطه سندن مرکز وایكى طرفی محیطه  
منتهی د عمودى اخراج اولنوب عمود مرکز و  
نقطه سنده تنصیف اولند قده اشبو و نقطه سی  
مرکز دایره اولور

❁ طریق آخر شکل ۱۷ ❁

مثلاً ا ب دایره سنك مرکز مجهولنی تعیین ایتك  
مراد اولسه اولاكیف ماتفق ا ب د وترى رسم  
اولنوب وترى مرکز بورین بررعمو دایله تنصیف  
اولند قلرنده عمودین مرکز قومینك داخل دایره ده  
تقاطع ایلدیكى د نقطه سی مرکز دایره اولور

(تنبیه) محیط دایره دن بر قوس معلومك مثلاً ا ب قوسنك  
مرکز مجهولنی تعیین یتنه بو طریق ایله اولوب هراوج  
نقطه یه مرکز ورایدیكى محیط دایره رسم دخی

بو و جهله اولور

۱۰۵ دائرة معلومه محیطی اوزرنده مفروض  
بر نقطه به مروراید یچی خط مماس رسم ایتمک  
طریقیدر

### ❖ شکل ۱۸ ❖

مثلاً دائرة معلومه محیطی اوزرنده مفروض نقطه سنه  
مروراید یچی خط مماس رسم ایتمک مراد اولنسه اول  
اول دائرة نك ه مرکز تعیین اولنوب (۱۰۴) ه  
نصف قطری رسم اولنه بعده ه اخطنك نقطه سندن  
مروراید یچی ۶ عمودی اخراج اولند قده (۹۷)  
اشبو ۶ خطی دائرة مزبوره به نقطه سنده  
مماس اولور

۱۰۶ خارج دائرة ده واقع نقطه مفروضه دن دائرة  
مذكوزه به خط مماس رسم ایتمک طریقیدر

### ❖ شکل ۱۹ ❖

مثلاً خارج دائرة ده واقع نقطه مفروضه سندن  
دائرة مرقومه به خط مماس رسم ایتمک مراد اولنسه  
اول اول دائرة نك ه مرکز تعیین (۱۰۴) ه ادخی  
وصل اولنوب م نقطه سنده تنصیف اولنه بعده م  
مرکزندن م ابعذله دائرة مذکوره بی نقطه سنده

(۴۵)

قطع اید بجای ا ب نصف دایره سی رسم اولنوب  
 ا ب نقطه لایسه مرور اید را اولدیغی حالده رسم  
 اولنان ا ب خط مستقیم خط مماس مطلوب او لور  
 ۱۰۷ هر ایکی خط مستقیم معلوم ایچون ثالث  
 مناسب استخراج چنک طریقیدر

❀ شکل ۲۰ ❀

مثلا ا ب خط لری ایچون ثالث مناسب استخراجی  
 مراد اولنسه اولاً کیف ما اتفاق ع ط زاویه سی  
 رسم ط ع خط ندن ا خطنه مساوی ط د قطع  
 اولنوب ب خطنه مساوی ط و دخی قطع اولنه  
 بعده ط ع خط ندن و د خطنه مساوی ط ه خطی  
 قطع ه د دخی وصل اولنوب د ه خطنه موازی  
 ور رسم اولند قده حادث اولان ط ر خطی ا ب  
 خط لری ایچون ثالث مناسب اولور

۱۰۷ هر اوج خط مستقیم معلوم ایچون رابع  
 مناسب استخراج چنک طریقیدر

❀ شکل ۲۱ ❀

مثلا ا ب خط لری ایچون رابع مناسب استخراجی  
 مراد اولنسه اولاً کیف ما اتفاق ط د زاویه سی



## مختلف الاضلاع رسم ایتک طریقیدر

## \* شکل ۲۵ \*

مثلاً هر ایکسی مجموع او خنجدن اطول اولق  
 اوزره فرض اولنان ا-ب خطوط ثلثه دن  
 مثلث مختلف الاضلاع رسم ایتک مراد اولنسه  
 اولاً ح خطنه مساوی د ه خطی کشیده اولنوب  
 د ه نقطه لرندن ا-ب خطاری بعدله بربرینی  
 ونقطه سنده قطع اید یجی ایکی قوس پاره رسم  
 اولنه بعده د ه و خطاری وصل اولند قده حادث  
 اولان د ه و مثانی مثلث مطلوب اولور

۱۱۳ بر خط مستقیم محدود اوزرینه مربع رسم  
 ایتک طریقیدر

## \* شکل ۲۶ \*

مثلاً ا-ب خط مستقیم محدودی اوزرینه مربع  
 رسم ایتک مراد اولنسه اولاً ا-ب اوزرینه نقطه سندن  
 ا-ب خطنه مساوی ا د عمودی اخراج اولنوب  
 (۹۸) د ه نقطه لری مرکز فرض اولنه بعده د ه  
 نقطه لرندن ا-ب بعدله بربرینی ح نقطه سنده قطع  
 اید یجی ایکی قوس پاره رسم اولنوب ب ح د ح

(۴۹)

خط لری دخی وصل اولند قده حادث اولان ۶ شکل

مر بع مطلوب اولور

۱۱۴ هر ايکي خط مستقيم محدود دن مستطيا

رسم ايتک طریقیدر

❁ شکل ۲۷ ❁

مثلا ۱-۶ ايکي خط مستقيم محدود لر دن بر مستطيل

رسم ايتک مراد اولنسه اولان ۱-۶ اوزرینه ۶ نقطه سند

۶ خطنه مساوی ۶ عمودی اخراج اولوب

۱-۶ نقطه لری مرکز فرض اولنه بعده نقطه سند ۶

۶ ۶ یا خود ۶ بعده ۶ نقطه سند ۶ دخی ۱-۶

بعديله بربرینی ۶ نقطه سنده قطع ایديجی ايکي

قوس پاره رسم اولوب ۱-۶ دخی وصل اولند قده

حادث اولان ۱-۶ شکلي مستطيل مطلوب اولور

۱۱۵ اقسام متساويه به منقسم اولان خط اطول

مثلا بر خط اقصری اقسام مذکوریه تقسیم ايتک

طریقیدر

❁ شکل ۲۸ ❁

مثلا اقسام متساويه ايله بش قسمه منقسم اولان ۶ ۶

خط اطولی مثلا ۱-۶ خط اقصرینی ۶ بش قسمه

تقسیم ايتک مراد اولنسه اولان ۶ ۶ خط اطولی اوزرینه

ح ه مثلث مساوی الاضلاعی رسم اولوب  
 (۱۱۰) رأس مثلث اولان ه نقطه سی مرکز فرض  
 اولنه بعده ه نقطه سندن ا ب بدیله ه ح ه د  
 ضلع لری اوزرینه ور نقطه لری تعیین ور دخی  
 وصل اولوب ه نقطه سی رأس سندن ح د خطنك  
 اقسامنه خطوط مستقیمه رسم اولند قده ح ه و ر ه  
 مثلث لری منشا بهین اولد یغدن اشبو خطوط ا ب  
 خطنه مساوی اولان ور خطنی دخی اقسام مساویه  
 ایله بش قسمه تقسیم ابدر

۱۱۶ اقسام مختلفه یه منقسم اولان خط اطولی  
 مثالو بر خط اقصری اقسام مذکوره یه مشابه تقسیم  
 ایتنك طریقیدر

### \* شکل ۲۹ \*

مثلا اقسام مختلفه ایله بش قسمه منقسم اولان ح د  
 خط اطولی مثالو ا ب خط اقصرینی یه اقسام مختلفه  
 مذکوره ایله بش قسمه تقسیم ایتنك مراد اولسنه اولان  
 ح د خط اطولی اوزرینه ح ه مثلث مساوی الاضلاعی  
 رسم اولوب (۱۱۰) رأس مثلث اولان ه نقطه سی  
 مرکز فرض اولنه بعده ه نقطه سندن ا ب بدیله  
 ه ح ه د ضلع لری اوزرینه ور نقطه لری تعیین  
 ور خطنی دخی وصل اولوب ه نقطه رأس سندن

۶ خطنك اقسام مختلفه سـنه خطـوط مستقيمه  
 رسم اولند قده ۶ و ۵ و ۴ مثلثلى متشابهين  
 اولد يغندن خطوط مرسومه اـ خطنه مساوى اولان  
 و ر خطنى دخی اقسام مختلفه مذكوره ايله بش  
 قسمه تقسيم ايدر

( تنبيه ) اشـبـودـعـوای عملی ايله بوندن اقدم ذكر  
 اولسان دعوى مقدار مطـلوبى هر قنغى نسبت اوزره  
 بيولدوب كو چلتك ايچون مقياس اولور  
 ۱۱۷ برزاويه مجهوله نك مقدار ينى آلت منقله ايله  
 تعيين ايتمك طريقه

### ❀ شكل ۳۰ ❀

مثلا اـ ۶ مثلثكـ زاويه سى مقدار ينى آلت منقله  
 ايله تعيين ايتمك مراد اولسه اول منقله نك مركزى  
 ( ۴۸ ) زاويه سنه تطبيق اولنوب منقله من بوره نك  
 طرف داخلى دخی باضاعنه تطبيق اولنه بعده مثلث  
 مرقومكـ باـ ۶ ضلعلى پيـنـده واقع منقله نك  
 نصف دائره سى اجزا سـنه نظر اولند قده قرق درجه  
 بولمغين با زاويه مجهوله نك مقدارى قرق درجه  
 اولوب ساـرزوايى مجهوله دن هر بريك مقدارلى  
 بوسياق اوزره تعيين اولنور

۱۱۸ مقدار معين برزاويه يى آلت منقله ايله وضع

وتعین ایتمک طریقیدر

\* شکل ۳۱ \*

مثلاً الی درجه آچیققلقه آلت منقله ایله برزاویه  
وضعی مراد اولنسه اولاً کاغد اوزرینه ب خط  
مستقیمی رسم اولنوب آلت منقله خط می سوم اوزرینه  
بر وجهله تطبیق اولنه که می کز منقله خط می قومک  
نهایتی اولان ح نقطه سنه ومنقله نك طرف داخلی  
ب خط منطبق اوله بعده اجزاء منقله دن الی  
درجه تعداد ونهایت درجه دن کاغد اوزرینه د  
نقطه سی علامت اولنوب کاغد اوزرنده منقله می بوره  
رفع د نقطه لری بینی وصل اولند قده الی درجه  
آچیققلقه مطلوب اولان زاویه ب د زاویه سی  
اولور

۱۱۹ خطین محدودین معلومین ایله برزاویه معلومه دن

مثلت رسم ایتمک طریقیدر

\* شکل ۳۲ \*

مثلاً ا ب خطین معلومین ایله قرق بش درجه  
برزاویه معلومه دن مثلت رسمی مراد اولنسه اولاً ا ب  
خطی مثلت مطلوب ایچون قاعده فرض اولنوب  
۱ نقطه سی عندنده آلت منقله اجزا سندن قرق بش  
درجه مقدارینه بر علامت وضع (۱۱۸) نقطه سندن

علامت مذکوره به مرور اید بجای بر خط مستقیم  
غیر محدود دخی رسم اولسه بعده ب نقطه سندن  
خطنه مساوی ب د قطع اولند قده حادث

اولان ا ب د مثلثی مثلث مطلوب اولور

(تنبيه) اگر زاویه معلومه خطین معلومین بیننده  
اولسه بوضورتده خطین مر قو مین بیننده کی زاویه  
وضع وتعیین اولنوب اول خطلك نهایتلری بینی فقط  
وصل اولند قده مثلث مطلوب حاصل اولور

۱۲۰ برخط مستقیم معلوم ایله ایکی زاویه معلومه دن  
برمثلث رسم ایتمک طریقیدر

✽ شکل ۳۳ ✽

مثلاً ا ب خط مستقیم معلوم ایله الی درجه والتش  
درجه زاویه لردن مثلث رسمی مر ادا اولسه اول خط  
مر قومك ا ب نقطه لری عنند لرنده آلت منقله ایله  
زاویتین مر قومبتك مقدار لینه بر علامت وضع  
اولنه بعده ا ب نقطه لردن اشبو علامتله مرور  
اید بجای ایکی خط مستقیم غیر محدود برینی  
نقطه سندن قطع ایدنجیه دکین رسم اولند قلرنده  
حادث اولان ا ب د مثلثی مثلث مطلوب اولور

۱۲۱ برخط مستقیم محدود ایله برزاویه معلومه دن

# شکل معین رسم ایتمک طریقیدر

## \* شکل ۳۴ \*

مثلاً  $a$  خط مستقیم محدود ایله الی بش درجه زاویه معلومه دن شکل معین رسمی مراد اولسه اول خط  $مرقومك$  نقطه سی عندنده الت منقله ایله زاویه  $مزبور$   $مك$  مقدارینه بر علامت وضع اولنوب نقطه سنده اشبو علامته  $مرور$  اید یچی  $a$  خطنه مسای  $a$  خط رسم اولنه بعده  $b$  نقطه لرندن  $a$  بعد یله بر برینی  $c$  نقطه سنده قطع اید یچی ایکی قوس پاره رسم اولنوب  $b$   $c$  خطلری دخی وصل اولند قده حادث اولان  $a$   $b$   $c$  شکلی معین مطلوب اولور ۱۲۲ خطین محدودین ایله بر زاویه معلومه دن شبه معین ایتمک طریقیدر

## \* شکل ۳۵ \*

مثلاً  $a$   $b$  خطین محدودین ایله اوتوز بش درجه زاویه معلومه دن شبه معین رسمی مراد اولسه اول  $a$  خط  $مك$  نقطه سی عندنده  $a$  خطیله زاویه مذکوره وضع اولنه (۱۱۷) بعده  $b$  نقطه لری  $مرکز$  فرض اولنوب  $b$  نقطه سندن  $a$  بعد یله  $b$  نقطه سندن دخی  $a$   $b$   $c$  خطیله بر برینی  $c$  نقطه سنده قطع اید یچی ایکی قوس پاره رسم  $b$   $c$  خط لری وصل

اولند قده حادث اولان ا د شـکلی شبهه معین  
مطلوب اولور

۱۲۳ برخط مستقیم محدودی بروجهله ایکی قسمه  
تقسیم ایتک مراد اولنسه که خط مرقوم کندی قسم  
اقصرینه مستطیلی فقط قسم اطولی مربعنه مساوی اوله  
\* شکل ۳۶ \*

مثلاً ب خط مستقیم محدودی بروجهله ایکی قسمه  
تقسیم ایتک مراد اولنسه که خط مرقوم کندی قسم  
اقصرینه مستطیلی فقط قسم اطولی مربعنه  
مساوی اوله طریق اولدر که اولاب خطنک نصفنه مساوی  
ا نقطه سندن ا عمودی اخراج اولنوب (۹۷) دخی  
وصل اولنه بعده د نقطه سندن د بعدیله ا د قوسی رسم  
اولنوب ب نقطه سندن دخی ب د بعدیله د قوسی رسم  
اولند قده وجه مشروح اوزره ا ب خطنک ا ه قسم  
اقصرینه مستطیلی فقط ه ب قسم اطولی مربعنه  
مساوی اولور

۱۲۴ بر قوس معلومی تنصیف ایتک طریقیدر  
\* شکل ۳۷ \*

مثلاً ب قوس معلومی تنصیف ایتک مراد اولنسه اولاب  
ا وتری رسم اولنوب د نقطه سنده تنصیف اولنه  
بعده ا وتری اوزینه نقطه مر قومه دن قوس مزبوره  
دکین د عمودی اخراج اولند قده اشبو عمودا د ب



(۵۶)

قوسی و نقطه سنده تنصیف ایدر  
 ۱۲۵ بر مثلث داخلند ه جمع اضلاعنه تماس  
 اید بجی دایره رسم ایتنک طریقیدر  
 \* شکل ۳۸ \*

مثلاً ا-ج مثلثی داخلند ه وجه مشروح اوزره دایره  
 رسم ایتنک مر ادا اولسه-اولا ج-ا-ج زاویه لری  
 ا-ه-ه خط لریله تنصیف اولوب (۹۶) ه  
 نقطه سندن ا-اوزرینه ه عمودی اخراج اولنه (۹۸)  
 بعده ه مر کزندن ه و بعد یله بر دایره رسم اولند قد  
 مثلث مر قومک جمع اضلاعنه تماس ایدر  
 ۱۲۶ داخل دایره ده مثلث متساوی الاضلاع ایل  
 مسدس منتظم رسم ایتنک طریقیدر  
 \* شکل ۳۹ \*

مثلاً ج-د ه دایره سی داخلند ه مثلث متساوی الاضلاع  
 ایل ه مسدس منتظم رسم ایتنک مر ادا اولسه-اولا  
 انقطه سندن ط مر کزینه مر ورو ایکی طرفی محیطه  
 منتهی-ط-و قوسی رسم اولوب-ط-ط و قوس لری  
 ج-ا ه خط لریله تنصیف اولنه (۱۲۴) بعده ج-ه خطی  
 دخی وصل اولند قد ه حاصل اولان ج-ا ه مثلث متساوی  
 الاضلاع اولور و اگر ه-ج قوسی و نقطه سنده تنصیف  
 اولوب ا-ب-ج-د ه ه و ا خط لری وصل اولنور

عبدہ حاصل اولان اب ۷۵ و ۷۶ شکی مسدس منظم اولور  
(تنبیه) اب قوسی ر نقطه سندہ نصیف اولوب  
اردخی وصل اولنسه اشبو ار خطی ذوا ثنی عشره  
منظمه نک ضلعی اولور

۱۲۶ داخل دائره مرّج ايله مثن منظم رسم ايتمك  
طريقيد ر

❁ شکل ۴. ❁

مثلاً ۱-۲ دانه سی داخلند مربع ایله شمن منظم رسم  
یتمک مراد اولنسه اولاً ۱-۲ قطر لری بربرینه عمود  
اولد یغی حالده رسم اولنسه بعده ۱-۲-۳-۴  
خط لری وصل اولند قدده حاصل اولان ۱-۲-۳-۴ شکلی  
مربع مطلوب اولور و اگر ۱-۲-۳-۴ قوس لری  
۵-۶-۷-۸ نقطه لرنده تنصیف اولنوب ۱-۲-۳-۴-۵-۶-۷-۸  
و ۹-۱۰-۱۱-۱۲ خط لری دخی وصل  
اولند قدده حاصل اولان ۱-۲-۳-۴-۵-۶-۷-۸-۹-۱۰-۱۱-۱۲ شکلی شمن  
منظم مطلوب اولور

۱۲۸ داخل دائره ده مخمس ايله معشر منظم رسم  
ایتمک طریقیدر

❁ شکل ۴۱ ❁

مثلاً ۱ و ۲ دایره‌سی داخلند و پنجم ایله معشر منظم  
رسم اینک مراد اولسه اولاً ۱ ک ل قطری بر پرینه

(۵۶)

قوسی و نقطه سنده تنصیف ایدر  
 ۱۲۵ بر مثلث داخلنده جمیع اضلاعنه تماس  
 اید بجای دایره رسم ایتمک طریقیدر  
 \* شکل ۳۸ \*

مثلاً ا ب ح مثلث داخلنده وجه مشروح اوزره دایره  
 رسم ایتمک مراد اولسه اوله ا ب ح ا زاویہ لری  
 ا ه ب ه خط لریله تنصیف اولنوب (۹۶) ه  
 نقطه سندن ا ب اوزرینہ ه عمودی اخراج اولنه (۹۸)  
 بعدہ ه مرکزندن ه و بعد یلہ بر دایره رسم اولند قدہ  
 مثلث مرقومک جمیع اضلاعنه تماس ایدر  
 ۱۲۶ داخل دایره ده مثلث متساوی الاضلاع ایله  
 مسدس منتظم رسم ایتمک طریقیدر  
 \* شکل ۳۹ \*

مثلاً ا ب ح دایره سی داخلنده مثلث متساوی الاضلاع  
 ایله مسدس منتظم رسم ایتمک مراد اولسه اوله  
 انقطه سندن ط مرکزینہ مرور وایکی طرفی محیطہ  
 منتهی ب ط و قوسی رسم اولنوب ب ط ط و قوس لری  
 ا ح خط لریله تنصیف اولنه (۱۲۴) بعدہ ح ه خطی  
 دخی وصل اولند قدہ حاصل اولان ا ح ه مثلث متساوی  
 الاضلاع اولور واکر ه قوسی و نقطه سنده تنصیف  
 اولنوب ا ب ح د ه ه و خط لری وصل اولنور



( ٦٠ )

مراد اولسه اولاً ٦ ا و قطر لری رسم اولته بعده  
 قطرين مزبورينك تقاطع ايلديكي ه نقطه سي  
 مركز فرض اولنوب ه ا بعديله ا و ٦ دأره سي رسم  
 اولند فده مربع مرقومك جميع زوايا سنه مرور ايدر  
 ١٣٢ بر مربع داخلنده جميع اضلا عنه تماس ايديجي  
 دأره رسم ايتنك طريقيدر

❁ شكل ٤٦ ❁

مثلاً ا ب ٦ و مربعي داخلنده دأره رسم ايتنك  
 مراد اولسه اولاً ٦ و ا ضلع لری نصف لرندن عمود  
 اولد قلری حالده بربريني قوائم اوزره قطع ايديجي  
 ه و ر و ر خط لری رسم اولنوب ط نقطه تقاطعي  
 مركز فرض اولته بعده ط ه بعديله رسم اولنان ه و ر و  
 دأره سي مربع مذكورك جميع اضلا عنه تماس ايدر  
 ١٣٣ بر خمس داخلنده جميع اضلا عنه تماس  
 ايديجي دأره رسم ايتنك طريقيدر

❁ شكل ٤٧ ❁

مثلاً ا ب ٦ و ه مخمسي داخلنده دأره رسم ايتنك  
 مراد اولسه اولاً ا ب ا ه ضلع لری ر و ر و عمود لریله  
 تنصيف اولنوب اشبو عمود لك و نقطه تقاطعي  
 مركز فرض اولته بعده و ا مركزندن و ر يا خود و بعديله  
 رسم اولنان ر و دأره سي مخمس مذكورك جميع

( ٦١ )

اضلاعنه تماس ایدر

۱۳۴ بخط مستقیم محدود اوزرینه مخمس منتظم

رسم اتنیک طریقیدر

✽ شکل ۴۸ ✽

مثلا اب خط مستقیمی اوزرینه مخمس منتظم رسمی  
مراد اولنسه اولاً ب نقطه سندن اب خطنک نصفه  
مساوی ب ر عمودی اخراج ار خطی وصل  
اولنوب ب جهته استقامت اوزره تمید ب خطنه  
مساوی ر ع دخی قطع اولنه بعده اب نقطه لرندن  
ب ع بدیل به برینی وا نقطه سنده قطع ایدیچی  
ایکی قوس پاره رسم و مر کردن ب ا نقطه لرینه  
مرور ایدیچی ب ا ه د ۷ دایره سی اداره اولنوب  
داخل دایره ده اب خطنه مساوی ب ۷ د ۷ ه  
ه ا وترری کشیده اولند قده حاصل اولان  
اب ۷ د ه شکلی مخمس مطلوب اولور

✽ طریق آخر شکل ۴۹ ✽

مثلا اب خط مستقیم محدودی اوزرینه مخمس  
منتظم رسمی مراد اولنسه اولاً اب خطی ه  
نقطه سنده تنصیف و خط مر قوم ب جهته  
تحدید اولنوب ب نقطه سندن اب خطنه مساوی  
ب سه عمودی اخراج ه نقطه سندن دخی ه سه

بعدیله سه ع قوسی رسم اولنه بعده ا ب نقطه لرن دن  
 ا ع بعدیله بر برینی د نقطه سنده قطع اید یجی  
 ایکی قوس پاره رسم ب د نقطه لرن دن ب ا بعدیله  
 بر برینی ح نقطه سنده قطع اید یجی ایکی قوس پاره  
 دخی رسم و کذا ا د نقطه لرن دن ا ب بعدیله بر برینی  
 ه نقطه سنده قطع اید یجی ایکی قوس پاره دخی رسم  
 اولنوب ب ح د ه ه ا خط لری وصل اولند قدده حادث  
 اولان اب ح د ه شکلی مخمس منتظم مطاوب اولور  
 ۱۳۵ بر خط مستقیم محدود اوزرینه مسدس منتظم

رسم اینک طریقیدر

❀ شکل ۵۰ ❀

مثلا ا ب خط مستقیمی اوزرینه مسدس منتظم رسم  
 اینک مراد اولنسه ا و لا اب نقطه لرن دن ا ب بعدیله  
 بر برینی ح نقطه سنده قطع اید یجی ایکی قوس پاره  
 رسم اولنه بعده ح مرکزندن ح ا بعدیله ا ر و د ح ب  
 دائرة سی رسم اولنوب داخل دائره ده ا ب خطنه  
 مساوی ب ح ح د و و ر را وتر لری رسم اولند قدده  
 حاصل اولان اب ح دوز شکلی مسدس مطاوب  
 اولور

۱۳۶ بر خط مستقیم محدود اوزرینه مثنی منتظم

رسم اینک طریقیدر

( ٦٣ )

\* شکل ٥١ \*

مثلاً  $a$  خط مستقیمی اوزرینه مثنی منظم رسمی  
مراد اولسه  $a$  خطی ایکی طرفلرندن استقامت  
اوزره تمديد  $a$  نقطه لرندن  $a$  عمودلری دخی  
اخراج اولنوب ایکی طرفلرنده واقع زاویه قائمه لر  $a$   
خطنه مساوی  $a$  خطی لرله تنصیف اولسه  
(٩٦) بعده  $a$  خطنه مساوی  $a$  عمودلرینه  
موازی  $a$  خطلری رسم ری نقطه لرندن  $a$   
بعدیله  $a$  قطع اولنوب  $a$  دخی وصل  
اولند قده حاصل اولان  $a$  دور  $a$  شکلی  
مثنی مطلوب اولور

۱۳۷ داخل دائره ده آلت منقله ایله هر قنغی کشیر  
الاضلاع رسم ابتمک طریقیدر

\* شکل ٥٢ \*

مثلاً  $a$  دائره سی داخلنسه بر متسع منظم رسمی  
مراد اولسه اولامحیط دائره نک ۳۶۰ درجه سی عدد  
اضلاع تقسیم ایله مرکز ده واقع زاویه سی تعیین  
اولنوب مرکز منقله دائره نک  $a$  مرکزینه وضع ومنقله  
قطری دائره مرکز قومه نک  $a$  قطرینه تطبیق اولنه  
بعده اجزاء منقله دن شاملزده مرکز زاویه سی اولان  
۴۰ درجه مقدارینه بر علامت وضع ری مرکزندن



اشبو علامته مرور و محیطه منتهی  $\alpha$  خط مستقیم  
کشیده اولوب  $\alpha$  و  $\beta$  دخی رسم اولند قدده حادث  
اولان  $\alpha$  زاویه سی متسع مطلوبک مرکزده واقع  
زاویه سی  $\alpha$  خطی دخی ضلع متسع اولوب محیط  
دائرة بی طرفه تقسیم ایتکین ساری دخی بوقیاس  
اوزره اعمال اولور

۱۳۸ برخط مستقیم مفروض اوزرینه آلت منقله  
ایله هر قنخی کثیر الاضلاع رسم ایتکین طریق قدر  
\* شکل ۵۳ \*

مثلا  $\alpha$  خط مستقیم اوزرینه آلت منقله ایله  
برنجس منتظم رسمی مرا د اولنسه اولاجزاء محیط  
اولان ۳۶۰ درجه بی عدد اضلاع تقسیم ایله مرکز  
زاویه سی تعیین اولوب شاملزده ۷۲ درجه اولغین  
اشبو مرکز زاویه سی ۱۸۰ درجه دن طرح اولند قدده  
باقی قلا ۱۰۸ درجه شکل مطابق محیط اولان  
ضلع لریننده واقع زاویه اولور بعدده مرکز منقله  $\alpha$   
نقطه سینه وضع و منقله قطری  $\alpha$  خطنه تطبیق  
اولوب ۱۰۸ درجه بر علامت تعیین  $\alpha$  نقطه سندن  
اشبو علامته مرور ایدیجی  $\alpha$  خطنه مساوی  $\beta$   
خطی رسم اولند و کذا مرکز منقله  $\alpha$  نقطه سینه وضع  
و منقله قطری ینه  $\alpha$  خطنه تطبیق اولنقله بوجه



مثلاً اب ۶ د ه شکله مشابه شکل آخر رسمی مراد  
اولنسه اول ۱۶۱ د خطری وصل اولنه بعده ۱ -  
اوزرنده مقروض هر قنغی و نقطه سندن ۶۶ د ه  
خطری نه موازی و ر ر ع ط خطری رسم  
اولند قده (۱۰۱) حادث اولان د ر ط شکلی  
اب ۶ د ه شکله مشابه اولور

۱۴۱ بر ذواربعة اضلاع معلومه مساوی بر مثلث  
رسم اینک طریقیدر  
\* شکل ۵۶ \*

مثلاً اب ۶ د ذواربعة الاضلاع مساوی مثلث  
رسمی مراد اولنسه اول اب خطی وصل اولنوب  
اب دخی ب جهته اخراج اولنه بعده د ب خطنه  
موازی ۶ ه خطی رسم اولنوب ۶ ه دخی وصل  
اولند قده حادث اولان ه د مثلثی اب ۶ د ذواربعة  
اضلاعه مساوی اولور

۱۴۲ بر کثیر الاضلاع معلومه مساوی مثلث رسم  
اینک طریقیدر  
\* شکل ۵۸ \*

مثلاً اب ۶ د ه کثیر الاضلاعه مساوی مثلث رسمی  
مراد اولنسه اول د اب خطری وصل اولنوب  
اب خطی طرفیندن اسبقامت اوزره اخراج اولنه

(۶۷)

بعده د ا د خطریه موازی ه و ر خطری  
رسم اوانوب د و دخی وصل اولند قده حادث  
اولان و ر د مثلی اب د ه کثیرا لا ضلاعه  
مساوی اولور

۱۴۳ بر شکل منحرفی ضلع مطلوبی نصفندن تنصیف  
ایتمک طریقیدر

\* شکل ۵۸ \*

مثلا اب د شکل منحرفی (۴۱) د ضلعی نصفندن  
تنصیف ایتمک مراد او لنسه اولاد ضلعی ه  
نقطه سنده تنصیف و ضلع مقابل اولان د دخی و  
نقطه سنده تنصیف اوانوب ه و د خطری  
وصل اوانه بعده د نقطه سندن د خطنه موازی  
ه د خطنه منتهی د د خطی رسم ه و خطنه  
موازی ر د دخی رسم اوانوب ه د خطی  
وصل اولند قده اب د شکل منحرفی د ضلع  
مطلوبی نصفندن ه د خطیه تنصیف اولور  
و بو عملینک فائده سی اولدر که بو مثالو شکلده واقع  
عرصه بی شرفلی ضلعی نصفندن تنصیف ایتمک  
خصوصنده غایت الزمدر

۱۴۴ بر شکل منحرفی و ضلع مطلوبی متساویة اوج  
قسمه تقسیم ایتمک طریقیدر

مثلاً - ۶ د شکل منحرف فی ایلہ ۱ د ضلع مطلوبو بینی  
 منساویۃ اوج قسمه تقسیم ایتک مراد اولسه اولایا د  
 ضلعی ه و نقطه لرندہ منساویۃ اوج قسمه تقسیم  
 (۱۰۲) و ضلع مقابلی اولان - ۶ خطنک - ۷  
 ثلثی اخذ ه ۷ - ۵ خطلری وصل اولنوب د  
 نقطه سندن - ۶ ضلعنه موازی ه - ۵ خطنه منتهی  
 د ر خطی رسم ه ۷ خطنه موازی ر ط دخی  
 رسم ه ط خطی وصل اولنه بعده ط ۶ خطی  
 ۷ نقطه سندنہ تصصیف و ۷ د ط خطلری وصل  
 اولنوب د ر خطنک د ط خطنی قطع ایلد یکی ک  
 نقطه سندن د ۷ خطنه موازی ک ل خطی رسم  
 ول دخی وصل اولند قدہ ۱ - ۶ د شکل منحرف فی ایلہ  
 ۱ د ضلع مطلوبو بی ه ط ول خطلریلہ منساویۃ

اوج قسمه تقسیم اولنور

۱۴۵ دائرہ معلومہ یه مساوی بر مثلث قائم الزاویہ

رسم ایتک طریقیدر

مثلاً - ۶ دائرہ دسنہ مساوی بر مثلث قائم الزاویہ  
 رسمی مراد اولسه اولایا قطری یدی قسمه  
 مساوی تقسیم اولنوب قطر مزبور اوزر بنہ -

نقطه سندن اول قطر ك اوج مثليه ب و سبعي  
مقداری ب ه عمودی اخراج اولنه بعده د مرکز به  
ه نقطه سی بینی وصل اولند قدّم حادث اولان  
د ه مثلث قائم الزاویه سی دائره مرقومه به مساوی  
اولور

(تنبیه) هر دائره محیطی گندی قطر ينك اوج  
مثلی و بر سبعي مقداری اولد یغنه بناء بردا رة نك  
قطری یدی اولسه انك محیطی یکر می ایکی اولوب  
جیع دائره اعمالنده جاری و مستعملدر

۱۴۶ دائره معلومه به مساوی بر مربع رسم اینتك  
طریقیدر

### ❁ ۶۱ شكل ❁

مثلاً ب ۶ دائره سنه مساوی بر مربع رسم اینتك  
مراد اولنسه اولاب قطری ب جهته اخراج  
و قطر مرقوم یدی قسمه مساوی تقسیم اولنوب  
اقسام قطردن نصف محیط مقداری اولان اونبر  
قسم قدر ا د قطع و نصف قطرا اولان ا مقداری  
د ه دخی قطع اولنه بعده ا ه خطی و نقطه سنده  
تنصیف او بعده ر ه نصف دائره سی رسم  
اولنوب ا ه اوزرینه د نقطه سندن محیطه د کین  
د ر عمودی اخراج و اوزرینه بر مربع رسم اولند قدّم

(۷۰)

(۱۱۳) حادث اولان د مریجی ا - ۶ دائرہ منہ

مساوی اولور

۱۴۷ ایکی مربع معلومہ مساوی بر مریجی رسم

ایتنک طریقیدر

✽ شکل ۶۲ ✽

مثلاً ا - ۶ د مریجی بعلری مجموعہ عنہ

مساوی بر مریجی رسم مراد اولسہ اولامریجی

مر فو مینک - ۶ ۶ ر ضلعری بر امتداد ده

یعنی بر خط مستقیم اولق اوزره وضع اولنوب

د ر خطی وصل اولنه بعدہ د ر اوزرینہ بر مربع

رسم اولند قدہ (۱۱۳) حادث اولان د ر ع ط

مریجی ا - ۶ د مریجی مجموعہ مساوی

اولور

۱۴۸ بر مستطیل معلومہ مساوی بر مریجی رسم ایتنک

طریقیدر

✽ شکل ۶۳ ✽

مثلاً ا - ۶ د مستطیلہ مساوی بر مریجی رسم

مراد اولسہ اولامریجی ضلعی ۶ نقطہ سی

طرفہ اخراج - ۶ ضلعہ مساوی ۶ قطع

اولنوب د ر خطی و نقطہ سندہ تنصیف

اولنه بعدہ و نقطہ سیندن د ر بعدیہ د ر

نصف دائره سی رسم ب ح ضلعی نصف محیطی  
 ر نقطه سنده قطع اید نجیه د کین استقامت  
 اوزره اخراج اولوب ح ر خطی اوزرینه بر مربع  
 رسم اولند قده حادث اولان ر ع ط ح مر بی  
 ا ب ح د مسطحینه مساوی اولور

۱۴۹ بر مربع معلومك ضعفی یا خود بر قاج امثاله  
 مساوی مربع آخر رسم اینتك طریقیدر

❀ شکل ۶۴ ❀

مثلا ا ب ح د مر بعك ضعفته مساوی مر بع  
 آخر د سمی مر ادا اولسه اولاب د قطری وصل  
 اولند قده اشوب د خطی مربع مر قوم ضعفتك ضلعی  
 اولور ثابا مربع مز بورك اوج مثلنه مساوی مربع آخر  
 رسم مر ادا اولور ایسه ا د ضلعی د جهته اخراج  
 ب د خطنه مساوی ا ه قطع اولوب ب ه  
 خطی وصل اولند قده اشوب ه خطی مربع  
 مر قومك اوج مثلنه مساوی رسم اولنه جق مر بعك  
 ضلعی اولوب سائر دخی بو قیاس اوزره رسم  
 اولور

۱۵۰ بر شکل معین معلومه مساوی بر مستطیل  
 رسم اینتك طریقیدر

❀ شکل ۶۵ ❀



مثلاً ۱-۶ شکل معینه مساوی بر مستطیل  
رسمی مراد اولسه اولاب ضلعی اجتهته  
مد اولنوب نقطه سندن خط مد و داوزینه  
و عودی اخراج اولته بعده ۷ نقطه سندن  
و خطنه موازی ۸ خطی رسم اولند قده  
حادث اولان و ۹ و مستطیلی ۱-۸ و

شکل معینه مساوی اولور

(تنبیه) بر شبه معینه مساوی مستطیل رسم ایتمک  
بعینه شکل معینه مساوی مستطیل رسمی کییدر  
۱۵۱ بر شبه معین معلومه مساوی بر مربع  
رسم ایتمک طریقیدر

❁ شکل ۶۶ ❁

(تنبیه ۱۵۰) مثلاً ۱-۷ شبه معینه مساوی بر مربع  
رسمی مراد اولسه اولاشبه معین مر قومه مساوی  
و ۸ و مستطیلی رسم و ۹ ضلعی و  
جهته اخراج ۸ مقدار ی ۷ ردخی قطع  
اولنوب و خطی ۹ نقطه سندن تنصیف  
اولته بعده ۱۰ و بعدیله ۱۱ طر نصف دایره سی  
و خطی اوزرینه ۷ نقطه سندن نصف دایره  
مزبوره محیطنه د کین ۸ ط عودی اخراج اولنوب  
عود مر قوم اوزرینه بر مربع رسم اولند قده حادث اولان

(۷۳)

۶ مربعی ا - ۶ شبه معینه مساوی اولور  
۱۵۲ بر مثلث معلومه مساوی بر مربعی رسم ایتنک  
طریقیدر

\* شکل ۶۷ \*

مثلاً ا - ۶ مثلثه مساوی بر مربع رسمی مراد  
اولسه اوله مثلث مرکومک ۶ رأسندن ا - قاعده سنه  
موازی ۶ د خطی رسم ا - قاعده سی نقطه سندن  
تنصیف وقاعده مزبوره اوزرینه - نقطه سندن  
- د عمودی اقامه اولوب - نقطه سی طرفنه  
استقامت اوزره اخراج - د خطنه مساوی  
- د دخی قطع اولنه بعده د خطی اوزرینه  
د ر ه نصف دایره سی رسم ا - دخی نصف دایره  
مرسومه محبطنی رنقطه سنده قطع ایدنجیه دایره  
اخراج اولوب - ر اوزرینه بر مربع رسم اولند قده  
حادث اولان ر خط مربعی ا - ۶ مثلثه مساوی  
اولور

۱۵۳ بر مثلث معلومه مساوی بر متوازی الاضلاع

رسم ایتنک طریقیدر

\* شکل ۶۷ \*

مثلاً - ۶ مثلثه مساوی بر متوازی الاضلاع رسمی  
مراد اولسه اوله مثلث مرکومک ا - قاعده سی د

نقطه سنده تنصیف اولنه بعده  $a$   $h$  خط بلرینه موازی  $h$   $h$   $h$  خط لری رسم اولند قده حادث اولان  $a$   $h$   $h$  متوازی الاضلاعی  $a$   $h$  مثلثه مساوی اولور

۱۶۴ برشکله مشابه ضلع لری نسبت مطلوبه ده اوله رق شکل آخر رسم ایتنک طریقیدر  
\* شکل ۶۹ \*

مثلا  $a$   $h$   $h$  و شکله مشابه ضلع لری شکل مرکومک ثلثانی اولق اوزره شکل آخر رسمی 'مراد اولسه اولار  $h$  خط مستقیم غیر محدودی رسم  $a$  ضلع اطولی بر کارایله اخذ اولوب نقطه سی مرکز اعتباریله بر قوس رسم اولنه بعده  $a$   $h$  ضلع اطولنک ثلثانی مقدار یله  $h$  قوسی قطع ر  $h$   $h$  خط مستقیم دخی رسم اولوب  $h$   $h$  وتر ی مقدار ی  $h$   $h$  م خطی وضع اولند قده شکل مطلوبک ضلع اطولی حاصل اولور ایدی شکل اول مرکومک  $a$   $h$   $h$  قطر لری وصل اولمقدارینه قیج بر کار اولوب نقطه سندن  $h$   $h$  قوسی رسم اولسه وتر یله  $h$  نقطه سندن بر قوس پاره ترسیم اولنه بعده  $a$   $h$   $h$  مقدارینه قیج بر کار اولوب  $h$   $h$  نقطه سندن  $h$   $h$  قوسی رسم  $h$   $h$  وتر یله  $h$   $h$  نقطه سندن قوس

پارهٔ مر قو مه بی ص نقطه سـنـده قطع اید بجی  
 قوس پارهٔ آخری دخی رسم اولوب ل ص وصل  
 اولنه وینه و ه مقدارینه فتح پرکار اولوب ر  
 نقطه سـنـدن ق ر قوسی رسم ق ر و تر یله ص  
 نقطه سـنـدن بر قوس پاره رسم اولنه بعده ا ه بعد یله  
 ر نقطه سـنـدن ش ت قوسی رسم ش ت و تر یله ل  
 نقطه سـنـدن قوس پارهٔ مزبوره بی ث نقطه سـنـده  
 قطع اید بجی قوس پارهٔ آخری دخی رسم ا اولوب  
 ص ث وصل اولنه و کذا ۶ بعد یله خ ذ قوسی  
 رسم خ ذ و تر یله م نقطه سـنـدن بر قوس پاره رسم  
 اولوب ا ۶ بعد یله ر نقطه سـنـدن ض ظ قوسی  
 رسم ض ظ و تر یله ل نقطه سـنـدن قوس پارهٔ  
 مزبوره بی غ نقطه سـنـده قطع اید بجی قوس پارهٔ  
 آخری دخی رسم م غ وصل اولنه وینه ر نقطه سـنـدن  
 ه ۶ بعد ل یله با کالاما قوس سـلـری رسم و قوسین  
 مر سومین و تر ل یله ث غ نقطه ل رندن عا نقطه سـنـده  
 قطع اید بجی ایکی قوس پاره رسم اولوب ث عا غا  
 خط لری دخی وصل ا واند قده حاصل اولان  
 ل م غ عا ث ص شکلی شکل مطلوب اولور

۱۵۰ بر شکلی مر بعان صغیره الیه نسبت مطابوه

اوزده رسم اینک طریقہ قدر

## \* شکل ۷۰ \*

ا- شیبو طریق اکثر یا بر خر بطه بی نسبت مطلوبه  
 اوز ره رسم یا خود عینی رسم ایتمکده مستعملدر مثلاً  
 ۱- ۶ ش- کلنده اولان بر خر بطه بی کو چلنک مراد  
 اولنسد اولاً شکل مر قوم مر بعات صغیره یه تقسیم  
 اوانوب اول ش- کاه مشابه ونسبت مطلوبه اوزره  
 ه و ر ع ش- کلی دخی رسم اولدخی شکل اولده واقع  
 مر بعاعد دنجه مر بعات صغیره\* اخرا یه تقسیم  
 اولته بعده ش- کل اول مر بعاری دروننده بولنلر ش- کل  
 ثانی مر بعاری دروننده ترسیم اولند قده ه و ر ع  
 ش- کلی دروننده نسبت مطلوبه اوزره بر کو چک  
 خر بطه حاصل اولور لکن ش- کلدر هر نقد مر بعات  
 کثیره یه تقسیم اوانور ایسه رسمدر دخی اولقدر

## د قتلو اولور

(نذیه) بر ش- کلی نسبت مطلوبه اوزره رسم ایتمک  
 حقنده طریق متعددده ایراد اولنمشدر (۱۱۵)  
 (۱۱۶) (۱۵۴) (۱۵۵) لکن طالب رسم اولنلرک عمل  
 مطلوبنه هر فنغیسی مناسب وموافق کلور ایسه اتمک

ایله عمل ایملری لایقندر

(۷۷)

بر مقدمه و درت قسم اوزره ترتیب و  
مجموعه المهد سین نام کتاب لطیفه مقدمه و قسم  
اولی اطمال مکاتب شاهانه نک تعالیم  
و تعلمی ایچون انتخاب و مطبعه  
عامر ده طبع و تمثیل  
اولمشد ر

فی ۵ رجب ۱۷ سنه ۱۲۸۵



